

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين:

**الموضوع الأول**

يحتوي الموضوع الأول على 4 صفحات (من الصفحة 1 من 8 إلى الصفحة 4 من 8)

**التمرين الأول: (3,25 نقطة)**

تحتوي قارورة على محلول  $S_0$  لحمض عضوي  $HA$  تركيزه المولي  $C_0$ .

1. أ- اكتب معادلة انحلال الحمض  $HA$  في الماء.

ب- انشئ جدول التقدم لهذا التفاعل.

ج- اكتب عبارة النسبة النهائية  $\tau_f$  لتقدم التفاعل بدلالة  $pH$  المحلول و  $C_0$ .

د- بين أن  $pH$  المحلول  $S_0$  يُعطى بالعلاقة:

$$pH = pK_a + \log\left(\frac{\tau_f}{1-\tau_f}\right)$$

2. لغرض تحديد التركيز المولي  $C_0$  لهذا الحمض و التعرف على

صيغته، نُحَضِّر مجموعة محاليل ممدّدة مختلفة التراكيز المولية انطلاقا من المحلول  $S_0$ . الشكل-1

قياس الـ  $pH$  لكل محلول سمح برسم بيان الدالة  $pH = f\left(\log\frac{\tau_f}{1-\tau_f}\right)$  ( الشكل-1 )

أ- اكتب عبارة الدالة الموافقة للمنحنى البياني.

ب- استنتج ثابت الحموضة  $K_a$  للثنائية  $(HA/A^-)$ .

ج- حدّد النوع الكيميائي الغالب في محلول للحمض  $HA$  من أجل  $\tau_f = 0,7$ .

د- اعطى قياس الـ  $pH$  لأحد المحاليل الممدّدة بـ 160 مرة القيمة  $pH = 4,2$ . احسب قيمة التركيز المولي  $C_0$ .

هـ- يُبيّن الجدول التالي قيم الثابت  $pK_a$  لبعض الثنائيات  $HA/A^-$ . تعرّف على الحمض  $HA$  الموجود في القارورة.

$HA/A^-$	$CH_3COOH/CH_3COO^-$	$HCOOH/HCOO^-$	$C_6H_5COOH/C_6H_5COO^-$	كل المحاليل مأخوذة عند الدرجة $25^\circ C$
$pK_a$	4,8	3,8	4,2	

**التمرين الثاني: (3,5 نقطة)**

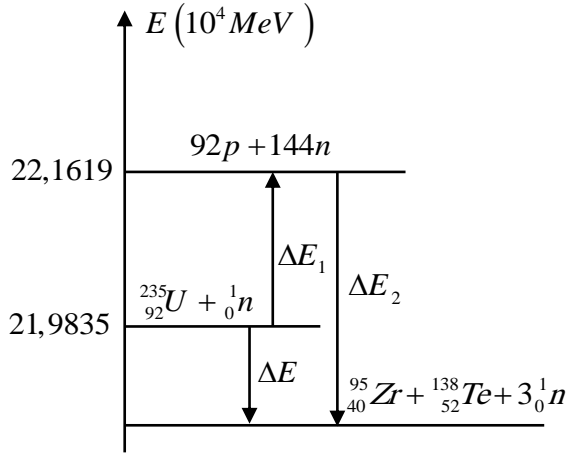
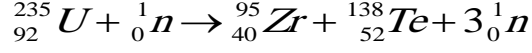
المعطيات :  $m_p = 1,00728u$  ؛  $m(^{95}Zr) = 94,8861u$  ؛  $m(^{138}Te) = 137,9007u$  ؛  $m(^{235}U) = 234,9935u$

$\cdot N_A = 6,02 \times 10^{23} mol^{-1}$  ؛  $1MeV = 1,6 \times 10^{-13} J$  ؛  $1u = 931,5MeV/c^2$  ؛  $m_n = 1,00866u$

$^{53}I$	$^{54}Xe$	$^{55}Cs$	$^{56}Ba$
----------	-----------	-----------	-----------

المردود الطاقوي:  $\rho = \frac{E_e}{E}$  (  $E_e$  الطاقة الكهربائية،  $E$  الطاقة المتحررة )

تُحرَّر مُختلف الانشطارات الممكنة لليورانيوم 235، نيوترونات و يرافق ذلك تحرير طاقة حرارية معتبرة تُوظَّف لتوليد الطاقة الكهربائية، غير أن ذلك يُتبع بإنتاج نفايات إشعاعية مضرّة للإنسان و البيئة. يُمثل أحد تفاعلات الانشطار لليورانيوم  $^{235}_{92}U$  بالمعادلة التالية:



الشكل-2

1. احسب الطاقة المتحررة عن تفاعل انشطار نواة اليورانيوم  $^{235}_{92}U$ .

2. يمثل الشكل-2 المخطط الطاقوي لانشطار نواة اليورانيوم 235. ماذا تمثل فيزيائياً  $\Delta E_1$  و  $\Delta E_2$ ؟ احسب قيمتهما.

3. يُنتج مفاعل نووي يعمل باليورانيوم 235 استطاعة كهربائية  $P = 30 MW$  بمردود طاقي  $\rho = 30\%$ .

ما هي كتلة اليورانيوم المستهلكة خلال المدة  $\Delta t = 30$  jours.

4. تتميز النواة الناتجة  $^{138}_{52}Te$  بنشاط إشعاعي  $\beta^-$ .

أ- ما المقصود بالنشاط الإشعاعي  $\beta^-$ ؟

ب- اكتب معادلة تفكك النواة  $^{138}_{52}Te$ .

5. اذكر على الأقل خطرين من مخاطر هذه الظاهرة على الإنسان والبيئة.

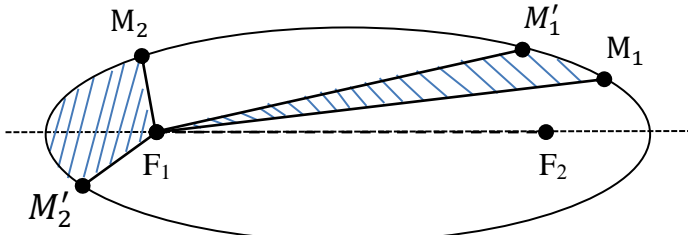
### التمرين الثالث: ( 3,5 نقطة )

1. يمثل الشكل-3 مسار حركة أحد كواكب المجموعة الشمسية حول الشمس، يستغرق الكوكب  $P$  نفس المدة الزمنية  $\Delta t$  في قطع المسافتين  $M_1 M'_1$  و  $M_2 M'_2$ .

أذكر نصي قانوني كيبلر الذين يمكن استخلاصهما.

2. لتبسيط الدراسة نعتبر مسارات الكواكب دائرية نصف قطرها  $r$  بحيث تقع الشمس في مركزها.

يُعطي الجدول الآتي مميزات حركة بعض هذه الكواكب:



الشكل-3

الكوكب	نصف قطر المسار $r \times 10^6$ Km	الدور $T$	$\frac{T^2}{r^3}$ ( $s^2 \cdot m^{-3}$ )
الزهرة	108,2	224 j 16h	
الأرض	149,6	365 j 6 h	
زحل	227,9	686 j 22 h	

أ. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على مركز عطالة الكوكب  $P$  في المعلم الهيليومركزي، جدّ عبارة سرعة الكوكب

بدلالة ثابت الجذب العام  $G$ ، كتلة الشمس  $M_S$  و نصف القطر  $r$  لمسار الكوكب  $P$ .

ب. اكتب عبارة الدور  $T$  للكوكب بدلالة  $G$ ،  $M_S$  و  $r$ ، ثم استنتج عبارة القانون الثالث لكيبلر.

ج. اكمل الجدول السابق، ماذا تستنتج؟

د. احسب كتلة الشمس  $M_S$ .

هـ. تتميز حركة كوكب المشتري حول الشمس بالدور  $T = 314 j 11 h$ ، أوجد البعد  $r$  لمركز المشتري عن مركز الشمس؟ يُعطى: ثابت الجذب العام  $G = 6,67.10^{-11} SI$

### التمرين الرابع: (3,25 نقطة)

أستر خلات البنزويل benzyl acetat سائل عديم اللون موجود في عدة زيوت زهرية مثل الجاردينيا والياسمين بنسبة تزيد عن 65%، و يستعمل لتقوية رائحة المواد والمركبات العطرية النباتية، صيغته نصف المفصلة هي  $CH_3 - COO - CH_2 - C_6H_5$  و يمكن تحضيره من أسترة حمض الايثانويك  $CH_3COOH$  بالكحول البنزيلي. نضع في دورق كروي موضوع في حمام ماري مزيجا مكونا من  $m = 24 g$  من حمض الايثانويك و  $V = 41,6 mL$  من الكحول البنزيلي النقي السائل وقطرات من حمض الكبريت المركز.

تُعطى - الكتلة الحجمية للكحول البنزيلي  $\rho = 1,039 g/mL$

و كتلته المولية الجزيئية  $108 g/mol$

- الكتلة المولية الجزيئية لحمض الايثانويك:  $60 g/mol$

1- عين من الشكل-4 التركيب المناسب لتحضير الأستر.

2- احسب كمية المادة الابتدائية لكل من الحمض والكحول.

3- استنتج الصيغة نصف المفصلة للكحول البنزيلي وصنفه.

4- اكتب معادلة التفاعل الحادث في الدورق.

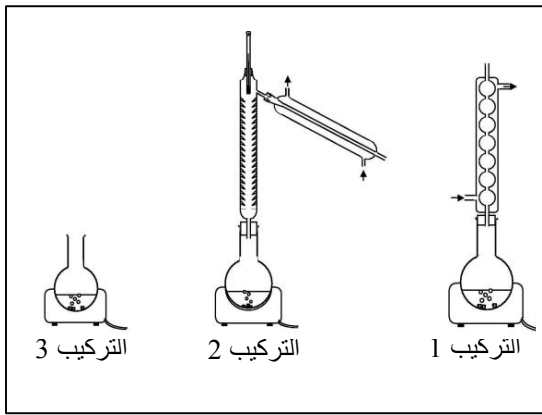
5- انشئ جدول التقدم لهذا التفاعل.

6- استنتج التركيب المولي للمزيج عند حالة التوازن.

7- يمكن تحسين مردود الأسترة بعدة طرق نذكر منها:

أ- نزع الماء من المزيج السابق. علل.

ب- نستبدل في المزيج الابتدائي حمض الايثانويك بكلور الايثانويل  $CH_3COCl$ . علل.



الشكل-4

### التمرين الخامس: (3,5 نقطة)

يتألف نواس مرن من نابض مرن مهمل الكتلة، حلقاته غير متلاصقة محوره أفقي، ثابت مرونته  $k$  و نهايته  $A$  مقيدة. يُربط بطرفه الحر جسما صلبا  $(S)$ ، كتلته  $m = 250 g$  بإمكانه الحركة دون احتكاك على سطح طاولة أفقية وفق المحور  $(x'x)$  الذي مبدؤه  $(O)$  هو نفسه موضع توازن مركز العطالة  $(G)$  لـ  $(S)$  (الشكل-5).

يُمثل (الشكل-6) تغيرات الطاقة الكامنة المرونية  $E_{pe}$  للجملية

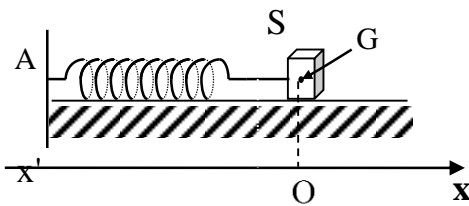
(نابض + جسم) بدلالة الفاصلة اللحظية  $x$  لموضع  $G$ .

1. مثل القوى المطبقة على  $(S)$  عند موضع فاصلته  $x(t) > 0$

2. اوجد المعادلة التفاضلية لحركة  $G$  بدلالة  $x(t)$ .

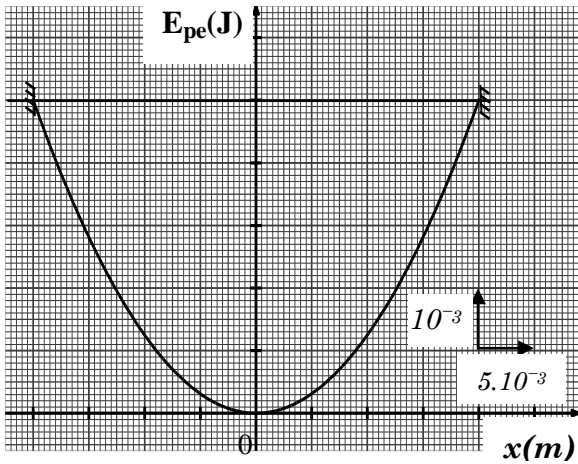
3. للمعادلة التفاضلية حلا من الشكل:  $x(t) = X_0 \cdot \cos\left(\frac{2\pi t}{T_0}\right)$

حيث  $X_0$  هي سعة الحركة و  $T_0$  الدور الذاتي للنواس.



الشكل-5

أ- اوجد عبارة الدور  $T_0$  بدلالة  $k$  و  $m$  .  
 ب- بالتحليل البعدي بين أن الدور الذاتي  $T_0$  متجانسا مع الزمن.



الشكل 6-

ج- استنتج عبارة السرعة  $v(t)$  لحركة مركز العطالة G .  
 د - أثبت أن طاقة الجملة (نابض+جسم) ثابتة في كل لحظة.

4. اعتمادا على المنحنى البياني:

أ- جِدْ فاصلة موضع G إذا كانت الطاقة الحركية  $E_C$

للجسم مساوية لنصف طاقة الجملة:  $E_C = \frac{1}{2} E_T$

ب- جِدْ قيمة سرعة المرور بالموضع الذي

فاصلته  $x(t) = 1,1 \text{ cm}$

ج - جِدْ قيمة  $k$  ثابت مرونة النابض .

### التمرين التجريبي: (3 نقاط)

بحصة للأعمال التطبيقية في الفيزياء اقترح الأستاذ انجاز تجربة للتحقق من المعلومات التي كتبها المصنِّع على مكتفة مكتوب عليها  $C = 10 \mu F$  وذلك باستعمال التجهيزات التالية:

ناقل أومي مقاومته  $R = 10 K\Omega$  ، أسلاك توصيل ، قاطعة ، مولد للتوتر الثابت  $E$  وتجهيز التجريب المدعم بالحاسوب باستخدام لاقط التوتر.

بعد تركيب الدارة المناسبة وتشغيل تجهيز التجريب المدعم بالحاسوب وغلق القاطعة لدارة الشحن تحصل التلاميذ من خلال جدول Excel على القيم التالية:

$u_R(V)$	9,000	5,458	3,330	2,008	1,218	0,738	0,448	0,271	0,164	0,060
$t(s)$	0,00	0,05	0,10	0,15	0,20	0,25	0,30	0,35	0,40	0,50

1. ارسم الدارة الكهربائية التي ركبها التلاميذ.

2. باستعمال قانون التوترات جد المعادلة التفاضلية للتوتر  $u_R$  بين طرفي المقاومة.

3. علما أن حل المعادلة التفاضلية من الشكل:  $u_R(t) = A e^{-t/\tau}$  ،

اوجد عبارتي الثابتين  $A$  و  $\tau$  بدلالة  $C$  ،  $R$  و  $E$  .

4. ارسم المنحنى البياني للدالة  $u_R(t) = f(t)$  ثم استنتج كل من قيمتي  $E$  وثابت الزمن  $\tau$  للدارة.

نستعمل السلم:  $1 \text{ cm} \rightarrow 1,000 \text{ V}$  و  $1 \text{ cm} \rightarrow 0,05 \text{ s}$

5. احسب قيمة السعة  $C$  للمكتفة.

انتهى الموضوع الأول

العلامة		عناصر الإجابة الموضوع 01																				
مجموع	مجزأة																					
1.50	0.25	<p>التمرين الأول: ( 3.25 ن )</p> <p>(1) أ- معادلة انحلال الحمض HA في الماء: <math>HA + H_2O = A^- + H_3O^+</math></p> <p>ب- جدول تقدم التفاعل:</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>المعادلة</th> <th colspan="4"><math>HA + H_2O = A^- + H_3O^+</math></th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>الحالة الابتدائية</td> <td><math>n_0</math></td> <td>بوفرة</td> <td>0</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>الحالة الانتقالية</td> <td><math>n_0 - x</math></td> <td>بوفرة</td> <td><math>x</math></td> <td><math>x</math></td> </tr> <tr> <td>الحالة النهائية</td> <td><math>n_0 - x_f</math></td> <td>بوفرة</td> <td><math>x_f</math></td> <td><math>x_f</math></td> </tr> </tbody> </table>	المعادلة	$HA + H_2O = A^- + H_3O^+$				الحالة الابتدائية	$n_0$	بوفرة	0	0	الحالة الانتقالية	$n_0 - x$	بوفرة	$x$	$x$	الحالة النهائية	$n_0 - x_f$	بوفرة	$x_f$	$x_f$
	المعادلة	$HA + H_2O = A^- + H_3O^+$																				
	الحالة الابتدائية	$n_0$	بوفرة	0	0																	
	الحالة الانتقالية	$n_0 - x$	بوفرة	$x$	$x$																	
	الحالة النهائية	$n_0 - x_f$	بوفرة	$x_f$	$x_f$																	
	0.25	ج - عبارة نسبة التقدم النهائي $\tau_f$ بدلالة $pH$ المحلول: $\tau_f = \frac{10^{-pH}}{C_0}$																				
	0.25	د- عبارة $pH$ المحلول: $pH = pK_a + \log \frac{[A^-]}{[HA]}$ ; $[A^-] = \tau_f \cdot C_0 \rightarrow [HA] = C_0 - \tau_f \cdot C_0$																				
	0.25	د- عبارة $pH$ المحلول: $pH = pK_a + \log \left( \frac{\tau_f}{1 - \tau_f} \right)$																				
	0.25	( 2 ) أ- استنتاج ثابت الحموضة $K_a$ للثنائية $(HA/A^-)$ : بالمطابقة نجد $pK_a = 4,2$ ومنه $K_a = 6,3 \times 10^{-5}$																				
	0.25	ب- النوع الكيميائي الغالب في المحلول من أجل: $\tau_f = 0,7$ بالتعويض نجد $pH > pK_a$ الصفة الأساسية هي الغالبة (تقبل طرق صحيحة أخرى).																				
0.25	ج - التركيز المولي $C_0$ : $\tau_f = \frac{10^{-pH}}{C} \Rightarrow C = \frac{10^{-pH}}{\tau_f} = 1,262 \times 10^{-4} \text{ mol} \cdot L^{-1}$																					
0.25	$C_0 = F \cdot C = 2 \times 10^{-2} \text{ mol} \cdot L^{-1}$																					
0.25	هـ- الحمض المعني هو حمض البنزويك $C_6H_5COOH$																					
0.75	0.25	التمرين الثاني: ( 3.5 ن )																				
	0.50	(1) الطاقة المتحررة عن تفاعل انشطار نواة اليورانيوم: - تقبل الإجابة $E_{lib} =  \Delta m  \cdot 931.5 \text{ MeV}$ وتقبل الإجابة السالبة. $E_{lib} = (m_i - m_f) C^2 = 176,50 \text{ MeV}$																				
	0.25	(2) أ- طاقة الربط للنواة هي الطاقة الواجب تقديمها لتفكيك النواة إلى مختلف نوياتها.																				
	0.25	طاقة الربط لنواة اليورانيوم: $E_1 = (92mp + 143 mn - m(U)) \cdot 931.5 \text{ MeV} = 1784 \text{ MeV}$																				
	0.25	$E_1(Zr) + E_1(Te) = E_1(U) + E_{lib} = 1960,5 \text{ MeV}$																				
1.00	0.25	$\Delta E_2 = -E_\ell(Zr) - E_\ell(Te) \Rightarrow \Delta E = \Delta E_2 + \Delta E_1 \Rightarrow \Delta E_2 = -1960,53407 \text{ MeV}$																				
	0.25																					

العلامة		عناصر الإجابة
مجموع	مجزأة	
1.00	0.25	(3) أ- كتلة اليورانيوم المستهلكة بعد مرور زمن $\Delta t = 30 \text{ jours}$
	0.25	$E_e = P \cdot \Delta t = 7,776 \times 10^{13} \text{ j}$
	0.25	$\rho = \frac{E_e}{E} \Rightarrow E = \frac{E_e}{\rho} = 25,92 \times 10^{13} \text{ j}$
	0.25	$m(U) = \frac{E \cdot M(^{235}_{92}\text{U})}{N_A \cdot E_{lib}} = 3,6 \text{ kg}$
	0.25	(4) أ- المقصود بالنشاط $\beta^-$ : هو إصدار إلكترون من نواة مشعة.
0.50	0.25	ب- معادلة تفكك النواة $^{138}_{52}\text{Te} \rightarrow ^{138}_{53}\text{I} + ^0_{-1}\text{e}$
	0.25	(5) ذكر خطرين من أخطار الانشطار النووي: مختلف الأمراض والتشوهات التي تصيب الكائنات الحية و كل الأضرار الناجمة عن التلوث الإشعاعي للبيئة.
0.50	0.25	<b>التمرين الثالث: (3.5 ن)</b>
	0.25	1- القانون الأول: تتحرك الكواكب وفق مدارات إهليلجية تشغل الشمس أحد محرقبيها.
	0.25	القانون الثاني: يسمح الشعاع الرابط بين الشمس والكوكب مساحات متساوية خلال مجالات زمنية متساوية.
	0.25	2- أ- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن في المعلم الهيليومركزي على الكوكب P.
	0.25	$\sum \vec{F} = m \vec{a} \Rightarrow \vec{F}_{S/P} = m_P \vec{a}$
	0.25	$G \frac{M_S m_P}{r^2} = m_P \cdot \frac{v^2}{r} \Rightarrow v = \sqrt{\frac{GM_S}{r}}$ عبارة السرعة
	0.25	ب- عبارة الدور: $T = \frac{2\pi r}{v}$
	0.25	$T^2 = \frac{4\pi^2 r^2}{v^2} = \frac{4\pi^2 r^3}{GM_S} \Rightarrow T = 2\pi r \sqrt{\frac{r}{GM_S}}$
	0.25	$\frac{T^2}{r^3} = \frac{4\pi^2}{GM_S} = \text{Cte}$ استنتاج قانون كيبلر الثالث
	3.0	ج -
0.25	0.25	الاستنتاج: قانون كيبلر الثالث محقق.
	0.25	ملاحظة: تقبل النتائج المحصورة بين $2.9 \times 10^{-19}$ و $3.0 \times 10^{-19}$
	0.25	
0.25	0.25	د - $\frac{T^2}{r^3} = \frac{4\pi^2}{GM_S} = K \Rightarrow M_S = \frac{4\pi^2}{GK} \Rightarrow M_S = \frac{4 \cdot 10}{6,67 \cdot 10^{-11} \cdot 2,97 \cdot 10^{-19}} = 2 \cdot 10^{30} \text{ kg}$
	0.25	2- $\frac{T^2}{r^3} = K \Rightarrow r^3 = \frac{T^2}{K} \Rightarrow r = \sqrt[3]{\frac{T^2}{K}} = 1,35 \cdot 10^{11} \text{ m}$

العلامة		عناصر الإجابة																																				
مجموع	مجزأة																																					
		<b>التمرين الرابع: (3.25 ن)</b>																																				
0.50	0.25	$n_0(acid) = \frac{m_0}{M} = \frac{24}{60}, \quad n_0(acid) = 0,4mol$																																				
	0.25																																					
0.50	0.25	$n_0(alcool) = \frac{\rho V_0}{M} = \frac{1,039 \times 41,6}{108}, \quad n_0(alcool) = 0,4mol$																																				
	0.25																																					
		1- كمية المادة الابتدائية :																																				
		2- الصيغة نصف المفصلة للكحول: $C_6H_5-CH_2-OH$ كحول أولي																																				
		3- معادلة التفاعل :																																				
0.25	0.25	$CH_3COOH + C_6H_5-CH_2-OH = CH_3COO-CH_2-C_6H_5 + H_2O$																																				
		4- جدول التقدم :																																				
		<table border="1"> <thead> <tr> <th>المعادلة</th> <th colspan="5"><math>CH_3COOH + C_6H_5-CH_2-OH = CH_3COO-CH_2-C_6H_5 + H_2O</math></th> </tr> <tr> <th>الحالة</th> <th>التقدم</th> <th colspan="4">كميات المادة <math>mol</math></th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>0.25</td> <td>0.25</td> <td>الابتدائية</td> <td><math>x = 0</math></td> <td>0,4</td> <td>0,4</td> <td>0</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>0.75</td> <td>0.25</td> <td>الوسطية</td> <td><math>x(t)</math></td> <td><math>0,4-x(t)</math></td> <td><math>0,4-x(t)</math></td> <td><math>x(t)</math></td> <td><math>x(t)</math></td> </tr> <tr> <td></td> <td>0.25</td> <td>النهائية</td> <td><math>x_f</math></td> <td><math>0,4-x_f</math></td> <td><math>0,4-x_f</math></td> <td><math>x_f</math></td> <td><math>x_f</math></td> </tr> </tbody> </table>	المعادلة	$CH_3COOH + C_6H_5-CH_2-OH = CH_3COO-CH_2-C_6H_5 + H_2O$					الحالة	التقدم	كميات المادة $mol$				0.25	0.25	الابتدائية	$x = 0$	0,4	0,4	0	0	0.75	0.25	الوسطية	$x(t)$	$0,4-x(t)$	$0,4-x(t)$	$x(t)$	$x(t)$		0.25	النهائية	$x_f$	$0,4-x_f$	$0,4-x_f$	$x_f$	$x_f$
المعادلة	$CH_3COOH + C_6H_5-CH_2-OH = CH_3COO-CH_2-C_6H_5 + H_2O$																																					
الحالة	التقدم	كميات المادة $mol$																																				
0.25	0.25	الابتدائية	$x = 0$	0,4	0,4	0	0																															
0.75	0.25	الوسطية	$x(t)$	$0,4-x(t)$	$0,4-x(t)$	$x(t)$	$x(t)$																															
	0.25	النهائية	$x_f$	$0,4-x_f$	$0,4-x_f$	$x_f$	$x_f$																															
		5- كحول أولي و المزيج الابتدائي متساوي المولات $\Leftrightarrow$ مردود الأسترة $r = 0,67$ أو انطلاقا من $K = 4$																																				
0.75	0.25	<table border="1"> <thead> <tr> <th>التركيب المولي للمزيج عند التوازن</th> <th>ماء</th> <th>أستر</th> <th>كحول</th> <th>حمض</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>0.25</td> <td>0,27</td> <td>0,27</td> <td>0,13</td> <td>0,13</td> </tr> </tbody> </table>	التركيب المولي للمزيج عند التوازن	ماء	أستر	كحول	حمض	0.25	0,27	0,27	0,13	0,13																										
التركيب المولي للمزيج عند التوازن	ماء		أستر	كحول	حمض																																	
0.25	0,27	0,27	0,13	0,13																																		
	0.25	ملاحظة: تقبل الإجابات مهما كان عدد الأرقام المعنوية.																																				
0.50	0.25	6- أ. عند نزع الماء من المزيج يصبح $Qr < K$ وبالتالي تتزاح الجملة في الاتجاه المباشر (تزايد الأستر).																																				
	0.25	ب. يصبح التفاعل تام عند استبدال الحمض بكلور الأسيل.																																				
		<b>التمرين الخامس: (3.5 ن)</b>																																				
0.25	0.25	1- القوى المؤثرة عند اللحظة t: - الثقل: $\vec{P}$ - توتر النابض: $\vec{F}$ - رد فعل المستوي: $\vec{R}$																																				
		2- المعادلة التفاضلية $x(t)$ :																																				
0.75	0.25	<p>بتطبيق القانون الثاني لنيون: <math>\sum \vec{F} = m \vec{a} \Rightarrow \vec{F} + \vec{P} + \vec{R} = m \vec{a}</math></p> <p>بالإسقاط على <math>x</math>: <math>-kx = ma \Leftrightarrow \frac{d^2x}{dt^2} + \frac{k}{m}x = 0</math></p> <p>ملاحظة: يمكن تطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة واستنتاج المعادلة التفاضلية.</p>																																				
	0.25																																					
		3- أ- عبارة الدور: بتعويض الحل في المعادلة التفاضلية نستنتج أن: $T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$																																				

العلامة		عناصر الإجابة
مجموع	مجزأة	
1.75	0.25	ب- التحليل البعدي: $[T_0]^2 = \frac{[M]}{[F][L]^{-1}} = \frac{[M]}{[M][L][T]^{-2}[L]^{-1}} \Rightarrow [T_0] = [T]$
	0.25	ج- عبارة السرعة: $v = -\frac{2\pi}{T_0} X_0 \cdot \sin\left(\frac{2\pi t}{T_0}\right)$
	0.25	د- عبارة طاقة الجملة بدلالة الزمن:
	0.25	$E_T(t) = E_c(t) + E_{pe}(t)$
	0.25	$E_T(t) = \frac{1}{2} m \left( -\frac{2\pi}{T_0} X_0 \sin\left(\frac{2\pi}{T_0} t\right) \right)^2 + \frac{1}{2} k \left( X_0 \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} t\right) \right)^2$
0.75	0.25	$E_T(t) = \frac{1}{2} k X_0^2 = C^{te}$
	0.25	3- أ - تحديد الفاصلة لما $E_C = E_T/2$ : من البيان وباعتماد الخاصية: $E_T = E_{pe}(\max)$
	0.25	نجد بالاسقاط: $x = \pm 1,4 \text{ cm}$
0.75	0.25	ب- سرعة المرور بالموضع ذو الفاصلة $x = 1,1 \text{ cm}$ : من البيان: لما $x = 1,1 \text{ cm}$ لدينا $E_C = 3,5 \times 10^{-3} \text{ J}$
	0.25	ومنه نجد: $v = \sqrt{\frac{2E_C}{m}} = \pm 0,17 \text{ m/s}$
	0.25	ج- قيمة k: من البيان $E_T = \frac{1}{2} k X_0^2 = 5.10^{-3} \text{ J}$ نستنتج: $k = 25 \text{ N/m}$
<b>التمرين التجريبي: (3 ن)</b>		
0.25	0.25	1- وصف الدارة الكهربائية: نربط على التسلسل: -المولد كهربيائي -القاطعة - الناقل الأومي المكثفة. نوصل لاقط التوتر بين طرفي لاناقل الأومي.
	0.25	2- المعادلة التفاضلية:
1.00	0.25	قانون التوترات $U_R + U_C = E$
	0.25	باشتقاق المعادلة السابقة و علما أن: $\frac{dU_C}{dt} = \frac{1}{RC} \cdot U_R(t)$
	0.25	نتحصل على: $\frac{dU_R}{dt} + \frac{1}{RC} \cdot U_R(t) = 0$
0.75	0.25	3- عبارتا A و $\tau$ : بتعويض الحل في المعادلة التفاضلية
	0.25	واستخدام الشروط الابتدائية نجد: $\tau = RC$ و $A = E$
0.75	0.25	4- رسم المنحنى البياني ثم نجد بيانيا: $E = 9 \text{ V}$ و $\tau = 0,10 \text{ s}$
	0.25	5- $C = \frac{\tau}{R}$ ومنه $C = 10 \mu\text{F}$